

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Пономарева Светлана Викторовна

Должность: Проректор по УР и НО

Дата подписания: 20.09.2023 23:21:33

Уникальный программный ключ:

bb52f959411e64617366ef2977b97e87139b1a2d



**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«ДОНСКОЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»**

(ДГТУ)

АВИАЦИОННО-ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ КОЛЛЕДЖ

УТВЕРЖДАЮ  
Директор Авиационно-  
технологического колледжа  
\_\_\_\_\_ В.А. Зибров  
«\_\_\_» \_\_\_\_\_ 2023 г.

**Методические указания  
по освоению дисциплины**

ОП.13 «Гидравлические пневматические системы»

Образовательной программы

По специальности среднего профессионального образования

22.02.06 Сварочное производство

Рассмотрены и рекомендованы для  
использования в учебном процессе на  
заседании цикловой комиссии  
Протокол № 3 от 01.03.2023

Составитель:

Преподаватель

Авиационно-технологического колледжа

Агеев С.О.

## Гидростатика

Силы, действующие на частицы жидкости, подразделяют на поверхностные и массовые.

К поверхностным силам, например, относятся силы давления, направленные нормально к площадке, на которую они действуют, и силы внутреннего трения, являющиеся касательными.

К массовым силам относятся силы тяжести и силы инерции. Массовые силы характеризуются ускорениями, которые они сообщают единице массы.

Сила, действующая на единицу площадки по нормали к поверхности, которая ограничивает бесконечно малый объем внутри покоящейся жидкости, называется гидростатическим давлением.

Гидростатическое давление в любой точке жидкости складывается из давления на её свободную поверхность и давления, создаваемого столбом жидкости, высота которого равна расстоянию от этой точки до свободной поверхности:

$$P = P_0 + \rho gh \quad (1)$$

где  $P$  — гидростатическое давление, Па;

$P_0$  — давление на свободную поверхность жидкости, Па;

$\rho$  — плотность жидкости, кг/м<sup>3</sup>;

$g$  — ускорение свободного падения, м/с<sup>2</sup>;

$h$  — высота столба жидкости над данной точкой, м.

Выражение (1) называется основным уравнением гидростатики. Из этого уравнения следует, что внешнее давление в свободную поверхность жидкости передается в любую точку жидкости равномерно (закон Паскаля).

Гидростатическое давление называется полным или абсолютным  $P_{abc}$ , а величина  $\rho gh$  — относительным (или, если на свободную поверхность жидкости действует атмосферное давление, — избыточным)

давлением. Таким образом, если давление на свободную поверхность жидкости равно атмосферному, то

$$P_{abc} = P_{\text{атм}} + P_{изб} \quad (2)$$

Когда абсолютное давление меньше атмосферного, измерительный прибор показывает разрежение (вакуум)

$$P_{abc} = P_{\text{атм}} - P_{изб} \quad (3)$$

Отрицательные избыточное давление называется вакуумметрическим давлением.

При расчётах на прочность различных гидромеханических сооружений возникает необходимость определения давления жидкости на стенку и дно этих сооружений.

Избыточное давление жидкости на единицу площади плоской стенки равно

$$P_{изб} = \rho gh \quad (4)$$

Полная сила, действующая на плоскую стенку, равна произведению величины смоченной площади пенки  $F_{см}$  на гидростатическое давление в ее центре тяжести:

$$P = (P_0 + \rho gh) F_{см} \quad (5)$$

В открытом сосуде  $P_0 = 0$  при полная сила давления

$$P = \rho gh F_{см} \quad (6)$$

где  $h$  — глубина погружения центра тяжести площади, м;

$F_{см}$  — смоченная площадь стенки,  $\text{м}^2$ ;

Точка приложения силы  $P$  называется центром давления. Центр давления обычно лежит ниже центра тяжести стенки. Для прямоугольной стенки, например, центр тяжести находится на расстоянии половины высоты от основания, а центр давления — на расстоянии одной трети высоты.

Частным случаем криволинейной стенки являются пенки цилиндрических резервуаров, котлов, груб и др.

Полная сила давления, действующая на цилиндрическую поверхность,

$$P = \sqrt{P_x^2 + P_y^2} \quad (7)$$

где  $P_x$  — горизонтальная составляющая, равная силе давления жидкости на вертикальную проекцию цилиндрической поверхности.

$$P_x = \rho g h F_{ver} \quad (8)$$

где  $P_y$  — вертикальная составляющая силы давления  $P$ , равная силе тяжести действующей в объеме тела давления  $V$ :

$$P_y = \rho g V \quad (9)$$

Объемом тела  $V$  называется объем жидкости, ограниченный сверху свободной поверхностью жидкости, снизу — рассматриваемой криволинейной поверхностью, а с боков — вертикальной поверхностью, проведенной через периметр, ограничивающий стенку.

Направление полной силы давления  $P$  определяется углом, образуемым вектором  $P$  с горизонтальной плоскостью.

$$\tan \beta = \frac{P_y}{P_x} \quad (10)$$

Для цилиндрического резервуара с вертикальной осью вертикальная составляющая равна  $P_y$  нулю, поэтому, полная сила давления на боковую поверхность равна  $P_x$

$$P = P_x \quad (11)$$

На любое тело, нагруженное в жидкость, действует выталкивающая сила, равная силе тяжести жидкости, вытесненной этим телом (закон Архимеда):

$$P = \rho g V \quad (12)$$

где  $P$  — выталкивающая сила, Н;

$\rho$  — плотность жидкости, кг/м<sup>3</sup>;

$g$  — ускорение свободного падения, м/с<sup>2</sup>;

$V$  — объём погруженной части тела, м<sup>3</sup>;

Произведение  $\rho V$  называется водоизмещением.

В зависимости от соотношения между силой тяжести тела и силой тяжести, вытесненной им жидкости возможны 3 состояния тела:

1. Сила тяжести тела больше силы тяжести вытесненной жидкости

$$G \geq \rho g V$$

Такое тело будет тонуть.

2. Сила тяжести равна силе тяжести вытесненной жидкости

$$G = \rho g V$$

В этом случае тело будет плавать.

3. Сила тяжести тела больше силы тяжести вытесненной жидкости

$$G \leq \rho g V$$

При таком соотношении тело будет всплывать.

## Задачи

**1. Определить абсолютное давление воды в трубопроводе, если**  
**U — образный ртутный манометр, подключенный по схеме рис 1.**  
**показал перепад  $\Delta h = 500$  мм рт. ст. Барометрическое давление 760 мм рт. ст.**

Решение. Составим уравнение сил, действующих на сечения I—I:

$$P_{abc} - P_{v.cm} = P_b - P_{pm.cm}$$

$$\text{Откуда } P_{abc} = P_b - P_{pm.cm} + P_{v.cm}$$

$$P_{v.cm} = h_{v.cm} \frac{\rho_v}{\rho_{pt}}$$

$$P_{abc} = 760 - 500 + 1,36 * 10^3 \frac{1000}{13600} = 360 \text{ мм рт. ст.}$$

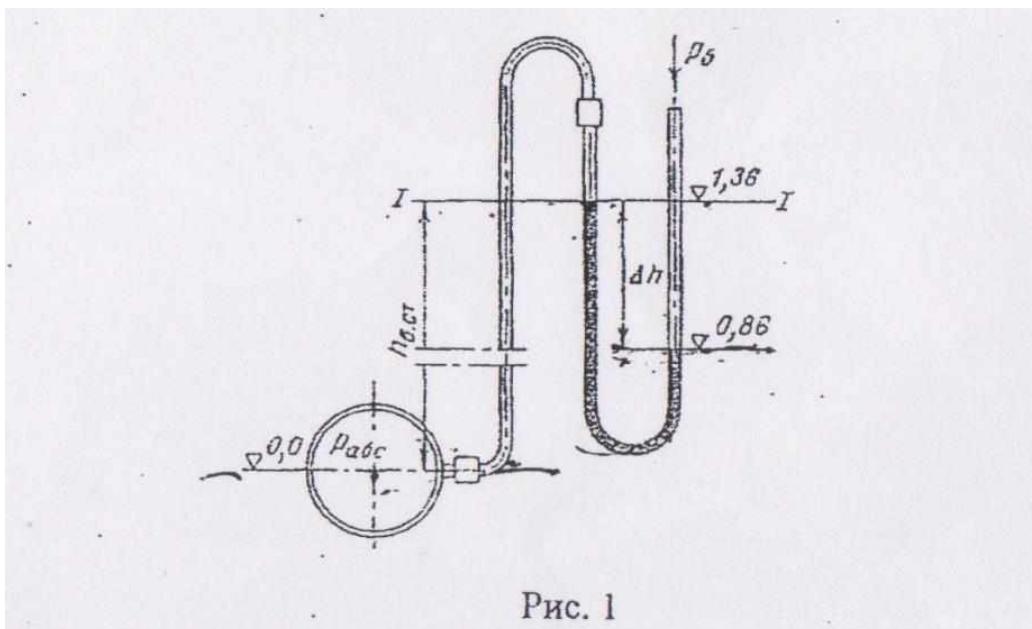


Рис. 1

**2. Определить разность давлений в подающей и обратной трубах системы водяного отопления, если разность уровней ртути в U — образный манометре  $\Delta h = 500$  мм. Трубы расположены в одной горизонтальной плоскости. Ответ дать в Па, мм рт. ст. и в м вод. ст.**

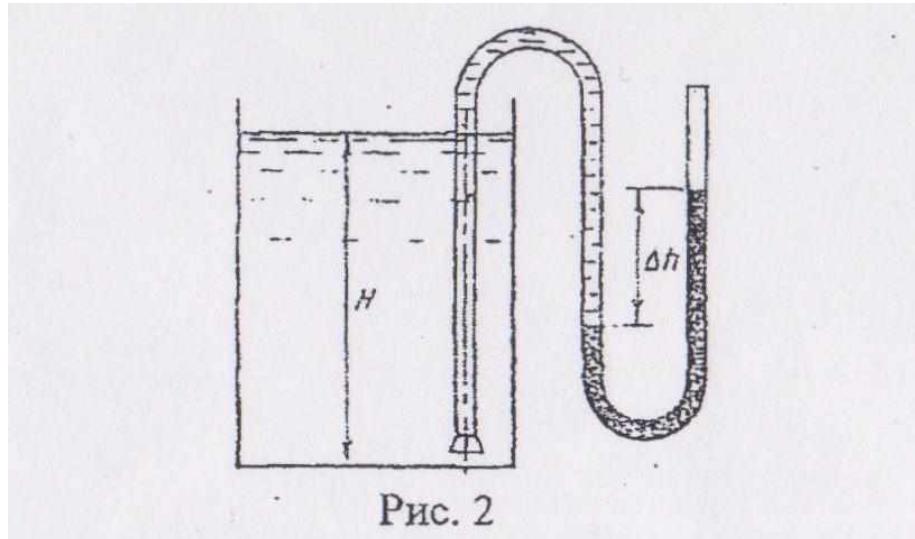
Решение. Разность давлений в подающем и обратном трубопроводах можно определить из уравнения

$$P_{nod} + \rho_e gh = P_{oob} + \rho_{pm} gh$$

$$\Delta P = P_{nod} - P_{oob} = (\rho_{pm} - \rho_e)gh = (13,6 - 1)10^3 * 9,81 * 0,5 = 61,7 * 10^3 \text{ Па}$$

$$\Delta P = 61,7 * 10^3 * 7,5 * 10^{-3} = 462 \text{ мм рт.ст.}$$

$$\Delta P = 61,7 * 10^3 * 0,101972 * 10^{-3} = 6,3 \text{ м вод.ст.}$$



**3. Определить уровень мазута в баке (рис. 2), если при замере S — образной трубкой разность уровней ртути  $\Delta h = 250$  мм. Плотность мазута  $\rho_m = 860$  кг/м<sup>3</sup>.**

Решение. Избыточность давления на дне емкости можно определить следующим образом:

$$P_{abc} - P_{atm} = (\rho_{pm} - \rho_m)gh$$

Уровень мазута в баке можно определить из формулы:

$$H = \frac{\rho_{изб}}{\rho_m g}$$

Окончательно получим выражение для уровня мазута:

$$H = \frac{(\rho_{рт} - \rho_m)hg}{\rho_m g} = \frac{(\rho_{рт} - \rho_m)h}{\rho_m} = \frac{(13600 - 860)0,25}{860} = 3,7 \text{ м.}$$

**4. Прямоугольный открытый резервуар предназначен для хранения 30 м<sup>3</sup> воды. Определить силы давления на стенки и дно резервуара, если ширина дна 3м, а длина 5м.**

Решение. Определим высоту стенок (высота уровня воды в резервуаре):

$$h_c = \frac{V}{ab} = \frac{30}{5*3} = 2\text{ м.}$$

Площадь дна  $F_d = 5 * 3 = 15 \text{ м}^2$ ; площадь смоченных стенок  $F'_c = 2 * 3 = 6\text{м}^2$ ,  $F''_c = 2 * 5 = 10\text{м}^2$

Сила давления на дно резервуара определяется по формуле

$$P_d = \rho g h F_d = 1000 * 9,81 * 2 * 15 = 294300\text{Н.}$$

Сила давления на стенку

$$P_c = (P_0 + \rho g h_{u.t}) F_c$$

Так как резервуар открыт, то  $P_0 = 0$ , тогда

$$h_{u.t} = \frac{1}{2}h = \frac{1}{2}2 = 1\text{ м.}$$

Сила давления на стенку шириной 3 м

$$P'_c = 1000 * 9,81 * 1 * 6 = 60860\text{Н.}$$

Сила давления на стенку шириной 5 м

$$P''_c = 1000 * 9,81 * 1 * 10 = 90100\text{Н.}$$

**5. Вертикальный цилиндрический резервуар емкостью 314 м<sup>3</sup> и высотой 4 и заполнен водой. Определить силы давления воды на боковую стенку и дно резервуара.**

Решение. Определим диаметр резервуара:

$$D = \sqrt{\frac{4V}{\pi h}} = \sqrt{\frac{4*3,14}{3,14*4}} = 10\text{ м}$$

Сила давления на боковую стенку

$$P_x = \rho g h_{u.m} F_{бепт} = \rho g \frac{h}{2} D h = 1000 * 9,81 * \frac{16*10}{2} = 0,7848\text{МН.}$$

Сила давления на дно резервуара

$$P = \rho g F_d h = \rho g \frac{\pi D * D}{4} h = 1000 * 9,81 * \frac{3,14*10*10}{4} = 3,08\text{МН.}$$

**6. Определить силу давления воды на дно сосуда, если площадь его  $0,25 \text{ м}^2$ , а уровень воды расположен высоте 2 м от дна.**

$$P = \rho ghF = 1000 * 9,81 * 2 * 0,25 = 4,9 \text{ кН.}$$

**7. Дизельное топливо хранится в цилиндрической емкости высотой 8 м и диаметром 5 м. Определить силу, действующую на боковую пенку хранилища. Плотность дизельного топлива  $\rho = 860 \text{ кг/м}^3$**

$$P_x = \rho g \frac{h}{2} D h = 860 * 9,81 * 8 * 5 * 4 = 1,35 \text{ МН.}$$

**8. Определить абсолютное давление воды на корпус подводной лодки при погружении ее на глубину 50 м.**

$$P_{изб} = \rho gh = 1000 * 9,81 * 50 = 0,49 \text{ кН.}$$

**9. Определить абсолютное давление, если показание вакуумметра ровно 50 кПа при барометрическом давлении 100 кПа.**

$$P_{abc} = 50 \text{ кПа.}$$

**10. Определить давление на внутреннюю стенку открытого канала, заполненного водой, на глубине  $h=0,5 \text{ м}$  от поверхности, если известно, что барометрическое давление равно 750 мм рт. ст.**

Решение. Определяем абсолютное давление на внутреннюю стенку - по формуле (2) с учетом (4):

$$P_{abc} = P_0 + P_{изб} = 750 * 133,322 + 1000 * 9,81 * 0,5 = 104905 \text{ Н/м}^2 = 0,1049 \text{ мПа.}$$

**11. Определить давление, которое испытывает стенки сосуда, заполненного водой, на глубине  $h=1 \text{ м}$  от поверхности.**

$$P = \rho gh = 1000 * 9,81 * 1 = 9,81 \text{ кН.}$$

**12. Определить горизонтальную силу, действующую на плотину (рис. 3) длиной  $L=1000\text{м}$  при высоте воды перед плотиной  $H_1 = 100\text{м}$ , а за плотиной  $H_2 = 10\text{м}$ .**

Решение. Сила, действующая на плотину со стороны верхнего бьефа, определяется по формуле (6).

$$P_1 = \rho g h_{u.m} F_{cm}$$

Так как

$$h_{u.m} = \frac{H_1}{2}, \text{ а } F_{cm} = LH_1,$$

то

$$P_1 = 0,5\rho g L H_1^2$$

$$P_1 = 0,5 * 1000 * 9,81 * 1000 * 100^2 = 49,05 \text{ ГН}$$

Сила, действующая на плотину со стороны нижнего бьефа,

$$P_2 = 0,5\rho g L H_2^2 = 0,5 * 1000 * 9,81 * 1000 * 10^2 = 0,4905 \text{ ГН}$$

Результирующая сила, действующая на плотину в горизонтальном направлении (сдвигающая сила),

$$P = P_1 - P_2 = 49,05 - 0,4905 = 48,56 \text{ ГН}$$

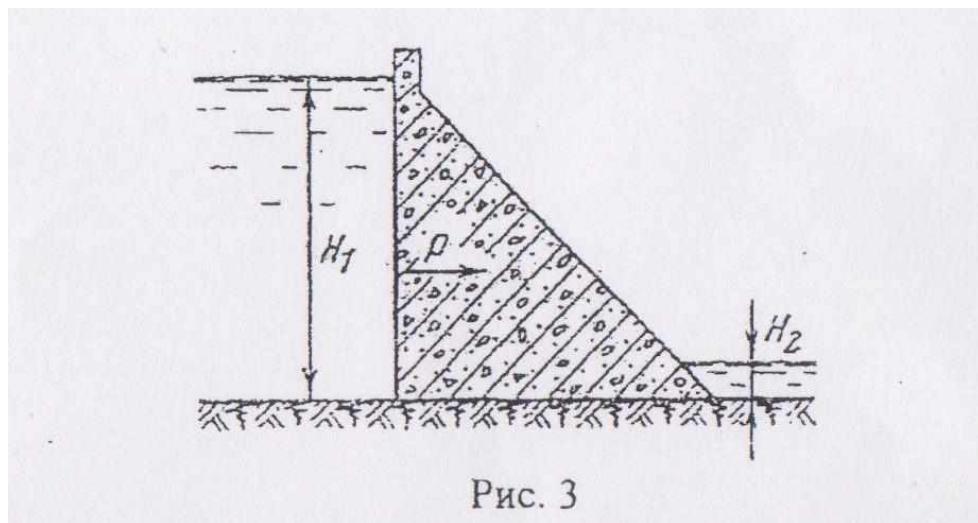


Рис. 3

**13. Определить, содержит ли примесь породы в самородке золота, если установлено, что вес самородка в воздухе  $G_0 = 9,65 \text{ Н}$ , а вес в воде  $G_w = 9,15 \text{ Н}$ . Плотность чистого золота –  $19,3 * 10^3 \text{ кг/м}^3$**

Решение. Самородок не содержит примесей, если плотность вещества

самородка равна плотности золота.

Плотность самородка

$$\rho_c = \frac{G_0}{gV_c}$$

По весу вытесненной им воды найдем объем слитка  $G_0 - G_B = V_c \rho_B g$

Тогда плотность слитка можно выразить

$$\rho_c = \frac{G_0}{g(G_0 - G_B) / (\rho_B g)} = \frac{G_0}{(G_0 - G_B)} \rho_B = \frac{9,65}{9,65 - 915} 10^3 = 19,3 * 10^3 \text{ кг/м}^3$$

Самородок примесей не содержит, так как  $\rho_c = \rho_z$

**14. Конденсатоотводчик с поплавком, открытым сверху (рис. 4), работает на перепаде давлений  $19,68 * 10^4$  Па. Определить наполнение поплавка  $V_x$ , при котором клапан открывается, если известны: емкость поплавка  $V = 5\text{л}$ , диаметр отверстия выпускного клапана  $d = 5\text{мм}$  и масса поплавка  $m = 1,5\text{кг}$ . Плотность конденсата  $\rho_{kd} = 945 \text{ кг/м}^3$**

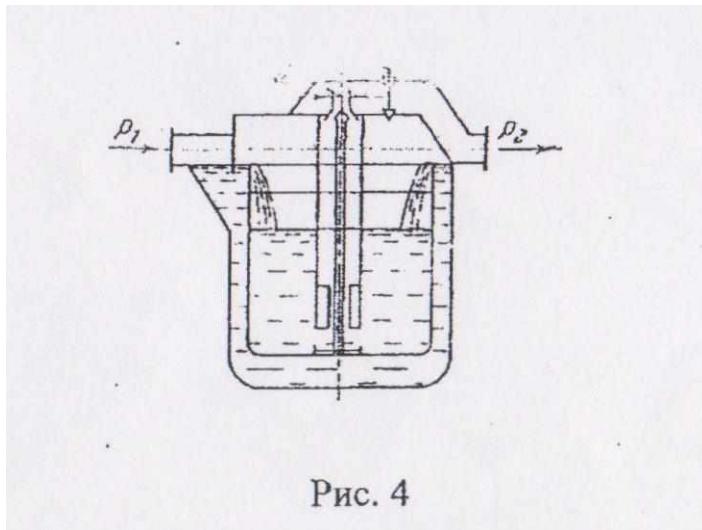


Рис. 4

Решение. Запишем условие равенства сил, действующих на поплавок:

$$V\rho_{kd}g + (P_1 - P_2)f_{kl} = mg + V_x\rho_{kd}g,$$

где  $V\rho_{kd}g$  – выталкивающая сила;

$(P_1 - P_2)f_{kl}$  – сила, возникающая за счёт разности давлений до и после клапана;

$mg$  – сила тяжести;

$f_{кл}$  - площадь поперечного сечения клапана;

$V_x \rho_{кд} g$  – сила тяжести воды, заполняющей поплавок;

Определим площадь поперечного сечения клапана

$$f = \frac{\pi d^2}{4} = \frac{3,14 * (5 * 10^{-3})}{4} = 0,196 * 10^{-4} \text{ м}^2$$

Минимальное наполнение, необходимое открытия выпускного клапана,

$$V_x = V + \frac{(P_1 - P_2)f_{кл}}{\rho_{кд}g} - \frac{m}{\rho_{кд}} = (5 * 10^{-3}) + \frac{19,68 * 10^4 * 0,196 * 10^{-4}}{945 * 9,81} - \frac{1,5}{945} = \\ = 4,355 * 10^{-3} \text{ м}^3 = 4,355 \text{ л}$$

**15. Можно ли применить конденсатоотводчик для установки с перепадом давления  $98,1 * 10^4$  Па?**

$$V_x = V + \frac{(P_1 - P_2)f_{кл}}{\rho_{кд}g} - \frac{m}{\rho_{кд}} = (5 * 10^{-3}) + \frac{98,1 * 10^4 * 0,196 * 10^{-4}}{945 * 9,81} - \frac{1,5}{945} = \\ = 5,51 * 10^{-3} \text{ м}^3 = 5,51 \text{ л}$$

Ответ: Нельзя, так как в данном случае  $V_x = 5,51 \text{ л}$ , что превышает  $V = 5 \text{ л}$ .

**16. Определить силу, действующую на деревянный брускок длиной  $l = 50 \text{ см}$  и поперечным сечением  $S = 200 \text{ см}^2$ , полностью погруженный в воду. Плотность древесины –  $600 \text{ кг/м}^3$ .**

Решение. Сила, действующая на брускок, полностью погруженный в воду, равна разности между выталкивающей силой и весом бруска.

$$P = P_{в} - G_{д}; P_{в} = \rho_{в} g V_{д};$$

$$G_{д} = \rho_{д} g V_{д}; V_{д} = Sl$$

$$P = gSl(\rho_{в} - \rho_{д}) = 9,81 * 200 * 10^{-4} * 0,5(1000 - 600) = 39,24 \text{ Н.}$$

**17. Определить сжимающее усилие, развиваемое гидравлическим прессом (рис. 5), если диаметр большого поршня  $300 \text{ мм}$ , малого –  $30 \text{ мм}$ , длина рычага  $l = 1000 \text{ мм}$ , расстояние от шарнира рукоятки до опоры на малый поршень  $a = 100 \text{ мм}$ . Усилие, прилагаемое к свободному концу рычага,  $G = 250 \text{ Н}$ . Весом поршней и трением пренебречь.**

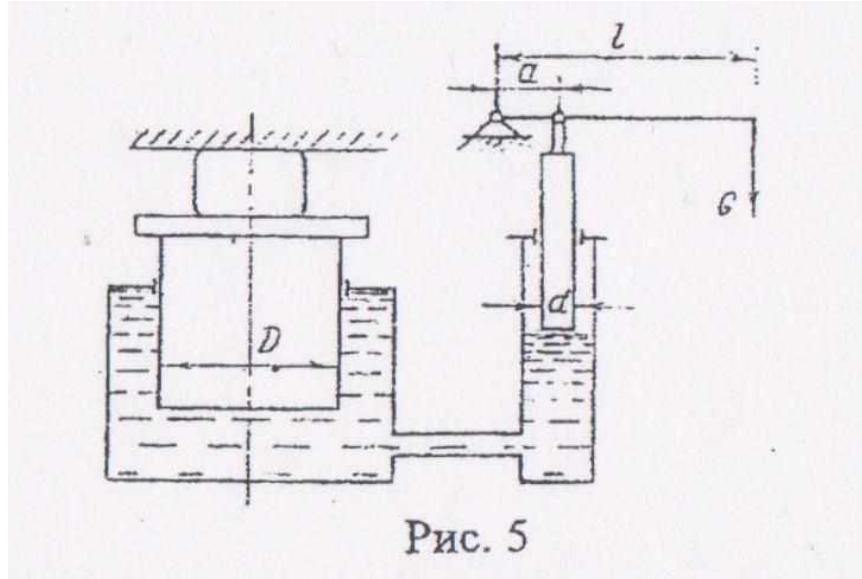


Рис. 5

Решение. Определим силу, действующую на малый поршень. Для этого напишем уравнение моментов сил относительно шарнирной точки

$$Gl = G_1 a$$

где

$$G_1 = F_1 P_1 = \frac{\pi d^2}{4} P_1$$

Из уравнения моментов сил следует, что

$$G_1 = G \frac{l}{a}$$

Тогда

$$\frac{\pi d^2}{4} P_1 = G \frac{l}{a}$$

Откуда

$$P_1 = \frac{4}{\pi d^2} * G \frac{l}{a}$$

Сжимающее усилие большого поршня

$$G_2 = \frac{\pi D^2}{4} P_1 = \frac{\pi D^2}{4} * \frac{4}{\pi d^2} * G \frac{l}{a} = G \frac{l}{a} * [\frac{D}{d}]^2$$

$$G_2 = 250 \frac{1000}{100} [\frac{300}{30}]^2 = 250 * 10^3 \text{Н} = 250 \text{kН.}$$

**17. Два цилиндра соединены трубкой по схеме (рис. 6). Известно, что диаметр первого цилиндра 50 см, а второго – 20 см. Цилиндр меньшего диаметра расположен выше цилиндра большего диаметра на  $h = 0,5$  м.**

Определить, какое усилие  $P_1$  необходимо приложить к большему поршню, чтобы система пришла в равновесие, если на поршень меньшего цилиндра действует сила  $P_2 = 500\text{Н}$ .

$$P = \frac{4P_2}{\pi D_2^2} = \frac{4 \cdot 500}{3.14 \cdot 0.2^2} = 15924 \text{ Н/м}^2$$

$$P_2 = (P + \rho g h) \frac{\pi D_1^2}{4} = (15924 + 1000 \cdot 9.81 \cdot 0.5) \times 0.785 \cdot 0.5^2 =$$

Рис. 6

Ответ:  $P_1 = 5,084\text{kH}$ .

**18.** Решить предыдущую задачу при условии  $h=0$ .

Ответ:  $P_1 = 3,122\text{kH}$ .

**19.** На скалку гидравлического пресса действует сила  $P_2 = 50\text{Н}$ . Площадь поперечного сечения скалки  $F_2 = 4\text{см}^2$ , площадь поршня  $F_1 = 144\text{см}^2$ . КПД пресса 0,85. Определите давление, развиваемое прессом.

$$P_2 = \frac{P_1}{F_2} = \frac{50}{4 \cdot 10^{-5}} = 12,5 \cdot 10^5 \text{Н/м}$$

$$P_1 = P_2 \cdot F_2 = 1,44 \cdot 10^{-3} \cdot 12,5 \cdot 10^5 \cdot 0,85 = 1,530\text{kH}$$

**20.** Манометр, установленный на водопроводе, показывает давление  $19,62 \cdot 10^4 \text{ Па}$ . Определить, чему равно абсолютное давление, измеренное в Па, м вод. ст. и мм рт.ст. Атмосферное давление принять  $9,81 \cdot 10^4 \text{ Па}$ .

$$P_{\text{абс}} = (19,62 + 9,81 \cdot 10^4) = 294\ 300 \text{ Н/м}^2 = 0,2943 \text{ МПа}$$

Выразим в м вод.ст.:

$$P = \rho_{\text{в}} gh; \rho_{\text{в}} = 1000 \text{ кг/м}^3; \rho_{\text{рт}} = 13600 \text{ кг/м}^3;$$

$$h = \frac{P}{\rho_{\text{рт}} g} = \frac{3 \cdot 9,81 \cdot 10^4}{1000 \cdot 9,81} = 30 \text{ м вод.ст.}$$

Выразим в мм рт.ст.:

$$h = \frac{P}{\rho g} = \frac{3 \cdot 9,81 \cdot 10^4}{13600 \cdot 9,81} = 2,2 \text{ м рт.ст.} = 2,2 \cdot 10^3 \text{ мм рт.ст.}$$

## ЛИТЕРАТУРА

1. *Башта Т.М.* Гидравлика, гидромашины и гидропривод. – М., 1982 г. 430 с.
2. *Ерохин В.Г., Маханько М.Г.* Сборник задач по основам гидравлики и теплотехники. – М.: Энергия, 1979. 240с.